

1.

太陽を周回する惑星の運動に関する次の文章を読み、下の問い合わせ(1)～(3))に答えよ。

惑星が太陽に最も近づく点を近日点、最も遠ざかる点を遠日点と呼ぶ。図1のように、太陽からの惑星の距離と惑星の速さを、近日点で $r_1, v_1$ 、遠日点で $r_2, v_2$ とする。また、太陽の質量、惑星の質量、万有引力定数をそれぞれ $M, m, G$ とする。

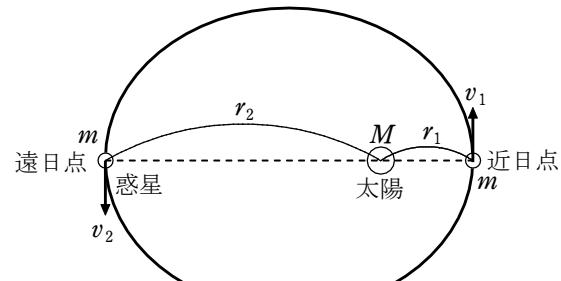


図1

(1) 惑星の運動については「惑星と太陽とを結ぶ線分が一定時間に通過する面積は一定である」というケプラーの第二法則(面積速度一定の法則)が成り立つ。これから得られる関係式として正しいものを、次の①～⑥のうちから1つ選べ。1

①  $\frac{r_1}{Mv_1} = \frac{r_2}{mv_2}$     ②  $mr_1v_1 = Mr_2v_2$

③  $\frac{r_1}{mv_1} = \frac{r_2}{Mv_2}$     ④  $Mr_1v_1 = mr_2v_2$

⑤  $\frac{r_1}{v_1} = \frac{r_2}{v_2}$     ⑥  $r_1v_1 = r_2v_2$

(2) 図2の(a)～(d)の曲線のうち、太陽からの惑星の距離 $r$ と惑星の運動エネルギーの関係を表すものはどれか。また、距離 $r$ と万有引力による位置エネルギーの関係を表すものはどれか。その組合せとして最も適当なものを、下の①～⑥のうちから1つ選べ。ただし、万有引力による位置エネルギーは、無限遠で0とする。2

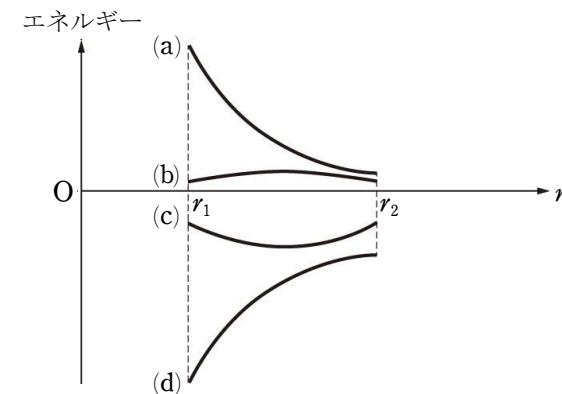


図2

	運動エネルギー	位置エネルギー
①	(a)	(b)
②	(a)	(c)
③	(a)	(d)
④	(b)	(a)
⑤	(b)	(c)
⑥	(b)	(d)

(3) 次の文章中の空欄ア・イに入る式と語の組合せとして最も適当なものを、次の①～⑧のうちから1つ選べ。3

惑星の軌道が円である場合と、橢円(だえん)である場合の力学的エネルギーについて考える。図3の軌道Aのように、惑星が半径 $r$ の等速円運動をすると、その速さは $v = \boxed{\text{ア}}$ となる。一方、軌道Bのように、近日点での太陽からの距離が $r$ となる橢円運動の場合、惑星の力学的エネルギーは、軌道Aの場合の力学的エネルギーに比べてイ。

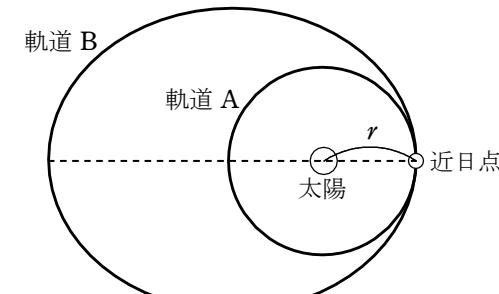


図3  
-2-

	ア	イ
①	$m\sqrt{\frac{G}{Mr}}$	大きい
②	$m\sqrt{\frac{G}{Mr}}$	小さい
③	$M\sqrt{\frac{G}{mr}}$	大きい
④	$M\sqrt{\frac{G}{mr}}$	小さい
⑤	$\sqrt{\frac{Gm}{r}}$	大きい
⑥	$\sqrt{\frac{Gm}{r}}$	小さい
⑦	$\sqrt{\frac{GM}{r}}$	大きい
⑧	$\sqrt{\frac{GM}{r}}$	小さい

2.

質量  $m$  の人工衛星が、地球のまわりを速さ  $v$  で円運動している。人工衛星の地表面からの高さを  $h$ 、地球の質量を  $M$ 、地球の半径を  $R$ 、万有引力定数を  $G$  とする。また、地球の自転や公転の影響、他の天体の及ぼす影響は無視できるものとする。

(1) 人工衛星が地球から受ける万有引力の大きさ  $F$  を表す式として最も適当なものを、

次の ①～⑧ のうちから 1 つ選べ。 $F = \boxed{1}$

$$\textcircled{1} \quad \frac{GMm}{R}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{GMm}{R^2}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{GMmh}{R^2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{GMm}{R+h}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{GMm}{(R+h)^2}$$

$$\textcircled{6} \quad \frac{GMmh}{(R+h)^2}$$

$$\textcircled{7} \quad \frac{GMm}{h}$$

$$\textcircled{8} \quad \frac{GMm}{h^2}$$

(2) 人工衛星の速さ  $v$  を表す式として最も適当なものを、次の ①～⑨ のうちから 1 つ選べ。 $v = \boxed{2}$

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{\frac{hF}{m}}$$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{\frac{RF}{m}}$$

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{\frac{(R+h)F}{m}}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{hF}{m}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{RF}{m}$$

$$\textcircled{6} \quad \frac{(R+h)F}{m}$$

$$\textcircled{7} \quad \frac{h^2F}{m}$$

$$\textcircled{8} \quad \frac{R^2F}{m}$$

$$\textcircled{9} \quad \frac{(R+h)^2F}{m}$$

(3) 人工衛星の運動には、惑星の運動に関する法則と同様の法則が適用できる。人工衛星の周期  $T$  の 2 乗と、地球の中心からの距離  $a$  の 3 乗の比  $k = \frac{T^2}{a^3}$  について述べた文

として最も適当なものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。 $\boxed{3}$

①  $k$  は  $m$  と  $v$  に比例する。

②  $k$  は  $m$  と  $v$  に反比例する。

③  $k$  は  $v$  にはよらないが、 $m$  に比例する。

④  $k$  は  $v$  にはよらないが、 $m$  に反比例する。

⑤  $k$  は  $m$  にも  $v$  にもよらない。