

1.

次の文の ア ~ コ に入れるのに最も適当なものを各問いの文末の解答群から選び、その記号を記せ。ただし、同じものを2回以上用いてもよい。以下では、重力加速度の大きさを g とし、空気抵抗は無視できるものとする。

(1) 図1のように、水平面に対する傾き角 θ のなめらかな斜面の頂点に、軽くて抵抗なく回転する滑車を取りつけた。軽くて伸び縮みしない糸の端を質量 m の物体 A につなぎ、その糸の他端を滑車を通して質量 M の物体 B につなぎ静かに下ろしたところ、物体 A は斜面の最大傾斜方向にそって下向きに加速度 a で運動を始めた。物体 A につながれた糸は斜面に平行を保っており、糸が物体を引く力の大きさを T とする。このとき物体 A の運動方程式は以下の式で表される。

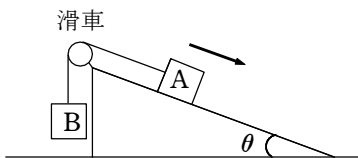


図1

$$ma = \text{ア} - \text{イ}$$

物体 B に対しても運動方程式を立て、2つの運動方程式を連立させて加速度と糸を引く力を求めると、 $a = \text{ウ} \times g$, $T = \text{エ} \times Mg$ となる。

[解答群]

- ① mg ② $mg\sin\theta$ ③ $mg\cos\theta$ ④ $mg\tan\theta$ ⑤ $T\sin\theta$
 ⑥ $T\cos\theta$ ⑦ T ⑧ $-T$ ⑨ $\frac{m\sin\theta + M}{M+m}$ ⑩ $\frac{m\sin\theta - M}{M+m}$
 ⑪ $\frac{m\cos\theta + M}{M+m}$ ⑫ $\frac{m\cos\theta - M}{M+m}$ ⑬ $\frac{1 - \cos\theta}{M+m}m$
 ⑭ $\frac{1 - \sin\theta}{M+m}m$ ⑮ $\frac{1 + \cos\theta}{M+m}m$ ⑯ $\frac{1 + \sin\theta}{M+m}m$

(2) 図2のように、水平面に対する傾き角 θ のなめらかな斜面をもつ三角台 C がある。この三角台の質量は M で、水平な床面上をなめらかに動くことができる。水平右向きを正として x 軸をとり、鉛直下向きを正として y 軸をとる。質量 m の物体 A を静かに三角台 C の上に置くと、物体 A と三角台 C は動き始めた。水平な床面上で静止した観察者 D から見ると、三角台 C は x 軸 オ の向きに移動する。物体 A が三角台 C 上を斜面の最大傾斜方向にそって距離 L だけ移動したとき、観察者 D から見た物体 A の水平方向の速度を u とすると、同じ観察者 D から見た三角台 C の水平方向の速度 U は カ $\times u$ である。一方、こ

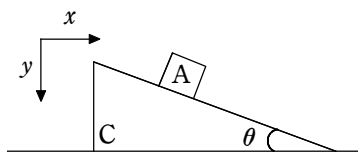


図2

の運動を三角台とともに動く観察者 E から見ると、物体 A の水平方向の速度 u_x は キ $\times u$ である。物体 A は斜面にそって動くので、観察者 E から見た物体 A の鉛直方向の速度 u_y は ク $\times u_x$ である。

最後に、力学的エネルギーの視点から式を整理する。観察者 D から見た2つの物体の運動エネルギーと位置エネルギーの関係は

$$mgL\sin\theta = \frac{1}{2}MU^2 + \text{ケ}$$

となる。ここで、傾き $\theta = 45^\circ$, $M = 5m$ とすると、 $u = \text{コ} \times \sqrt{gL}$ が求まる。

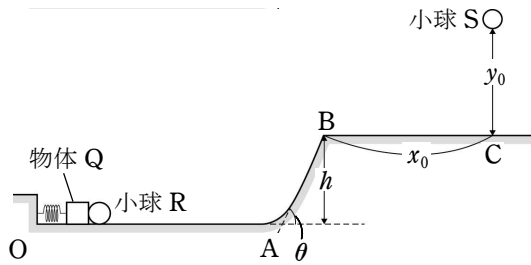
[解答群]

- ① 正 ② 負 ③ $\frac{m}{M}$ ④ $-\frac{m}{M}$ ⑤ $\frac{M}{m}$ ⑥ $-\frac{M}{m}$
 ⑦ $\frac{M-m}{M}$ ⑧ $\frac{M+m}{M}$ ⑨ $\frac{M}{m+M}$ ⑩ $\frac{m}{M-m}$
 ⑪ $\sin\theta$ ⑫ $\cos\theta$ ⑬ $\tan\theta$ ⑭ $\frac{1}{\tan\theta}$ ⑮ $\frac{1}{2}m(u^2 + u_y^2)$
 ⑯ $\frac{1}{2}m(u_x^2 + u_y^2)$ ⑰ $\frac{1}{2}m(u^2 \tan^2\theta + u_y^2)$ ⑱ $5\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{66}}$
 ⑲ $6\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{56}}$ ⑳ $6\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{66}}$

- [解答] (1) (ア) ② (イ) ⑦ (ウ) ⑩ (エ) ⑬
 (2) (オ) ② (カ) ④ (キ) ⑧ (ク) ⑬ (ケ) ⑮ (コ) ⑱

2.

なめらかな水平面上に置いたばね定数 k のばねがある。図のようにばねの一端を壁に固定し、他端には質量 M の物体 Q を取りつけた。物体 Q に質量 m の小球 R を押しつけて、ばねを自然の長さから x だけ縮めた状態から小球 R を静かにはなした。物体 Q と小球 R



は一体となって運動を始め、ばねが自然の長さになった位置で小球 R は物体 Q から離れた。小球 R は水平面 OA 上をすべり、水平面と点 A でつながったなめらかな斜面 AB 上をすべり上がり、斜面上端 B から斜め上方に飛び出した。その後、水平面 BC 上の点 B から x_0 だけ離れた点 C に落下した。斜面 AB と水平面 OA とのなす角を θ とし、水平面 BC と水平面 OA との高低差は h とする。また、重力加速度の大きさは g とする。次の問いに答えよ。

- (1) 小球 R が物体 Q から離れた直後の速さ v_0 を、 M , m , k , x を用いて表せ。
- (2) 小球 R が点 B から飛び出したときの速さ v_1 を、 v_0 , g , h を用いて表せ。
- (3) 小球 R が点 B から飛び出した後、到達した最高点の高さを水平面 BC からの距離として、 v_1 , g , θ を用いて表せ。
- (4) 小球 R が点 B から飛び出してから、点 C に落下するまでに経過した時間 t_1 を、 v_1 , θ , x_0 を用いて表せ。
- (5) 点 C 上の高さ y_0 の位置にあった小球 S を、小球 R が点 B を飛び出した時刻から $\frac{t_1}{2}$ 後に静かに落下させたところ、小球 R と点 C で衝突した。 $\tan \theta$ を、 x_0 , y_0 を用いて表せ。

解答 (1) $x\sqrt{\frac{k}{M+m}}$ (2) $\sqrt{v_0^2 - 2gh}$ (3) $\frac{v_1^2 \sin^2 \theta}{2g}$ (4) $\frac{x_0}{v_1 \cos \theta}$

(5) $\frac{4y_0}{x_0}$