

1.

次の文の  ア  ～  コ  に入れるのに最も適当なものを各問の文末の解答群から選び、その記号を記せ。ただし、同じものを2回以上用いてもよい。以下では、重力加速度の大きさを  $g$  とし、空気抵抗は無視できるものとする。

(1) 図1のように、水平面に対する傾き角  $\theta$  のなめらかな斜面の頂点に、軽くて抵抗なく回転する滑車を取りつけた。軽くて伸び縮みしない糸の端を質量  $m$  の物体 A につなぎ、その糸の他端を滑車を通して質量  $M$  の物体 B につなぎ静かに下ろしたところ、物体 A は斜面の最大傾斜方向にそって下向きに加速度  $a$  で運動を始めた。物体 A につながれた糸は斜面に平行を保っており、糸が物体を引く力の大きさを  $T$  とする。このとき物体 A の運動方程式は以下の式で表される。

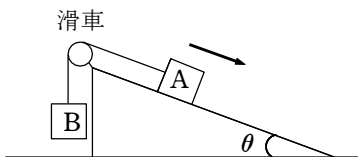


図1

$$ma = \text{ア} - \text{イ}$$

物体 B に対しても運動方程式を立て、2つの運動方程式を連立させて加速度と糸を引く力を求めると、 $a = \text{ウ} \times g$ 、 $T = \text{エ} \times Mg$  となる。

[解答群]

- ①  $mg$     ②  $mg\sin\theta$     ③  $mg\cos\theta$     ④  $mg\tan\theta$     ⑤  $T\sin\theta$   
 ⑥  $T\cos\theta$     ⑦  $T$     ⑧  $-T$     ⑨  $\frac{m\sin\theta + M}{M+m}$     ⑩  $\frac{m\sin\theta - M}{M+m}$   
 ⑪  $\frac{m\cos\theta + M}{M+m}$     ⑫  $\frac{m\cos\theta - M}{M+m}$     ⑬  $\frac{1 - \cos\theta}{M+m}m$   
 ⑭  $\frac{1 - \sin\theta}{M+m}m$     ⑮  $\frac{1 + \cos\theta}{M+m}m$     ⑯  $\frac{1 + \sin\theta}{M+m}m$

(2) 図2のように、水平面に対する傾き角  $\theta$  のなめらかな斜面をもつ三角台 C がある。この三角台の質量は  $M$  で、水平な床面上をなめらかに動くことができる。水平右向きを正として  $x$  軸をとり、鉛直下向きを正として  $y$  軸をとる。質量  $m$  の物体 A を静かに三角台 C の上に置くと、物体 A と三角台 C は動き始めた。水平な床面上で静止した観察者 D から見ると、三角台 C は  $x$  軸  オ  の向きに移動する。物体 A が三角台 C 上を斜面の最大傾斜方向にそって距離  $L$  だけ移動したとき、観察者 D から見た物体 A の水平方向の速度を  $u$  とすると、同じ観察者 D から見た三角台 C の水平方向の速度  $U$  は  カ   $\times u$  である。一方、こ

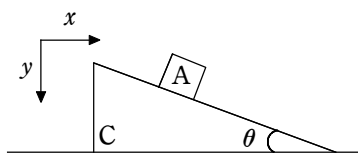


図2

の運動を三角台とともに動く観察者 E から見ると、物体 A の水平方向の速度  $u_x$  は  キ   $\times u$  である。物体 A は斜面にそって動くので、観察者 E から見た物体 A の鉛直方向の速度  $u_y$  は  ク   $\times u_x$  である。

最後に、力学的エネルギーの視点から式を整理する。観察者 D から見た2つの物体の運動エネルギーと位置エネルギーの関係は

$$mgL\sin\theta = \frac{1}{2}MU^2 + \text{ケ}$$

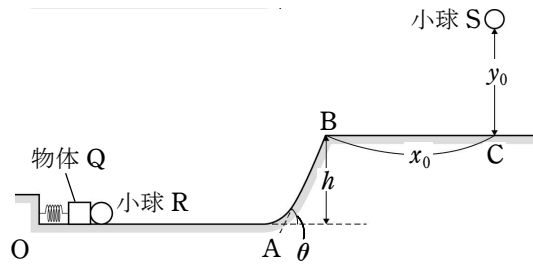
となる。ここで、傾き  $\theta = 45^\circ$ 、 $M = 5m$  とすると、 $u = \text{コ} \times \sqrt{gL}$  が求まる。

[解答群]

- ① 正    ② 負    ③  $\frac{m}{M}$     ④  $-\frac{m}{M}$     ⑤  $\frac{M}{m}$     ⑥  $-\frac{M}{m}$   
 ⑦  $\frac{M-m}{M}$     ⑧  $\frac{M+m}{M}$     ⑨  $\frac{M}{m+M}$     ⑩  $\frac{m}{M-m}$   
 ⑪  $\sin\theta$     ⑫  $\cos\theta$     ⑬  $\tan\theta$     ⑭  $\frac{1}{\tan\theta}$     ⑮  $\frac{1}{2}m(u^2 + u_y^2)$   
 ⑯  $\frac{1}{2}m(u_x^2 + u_y^2)$     ⑰  $\frac{1}{2}m(u^2 \tan^2\theta + u_y^2)$     ⑱  $5\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{66}}$   
 ⑲  $6\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{56}}$     ⑳  $6\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{66}}$

2.

なめらかな水平面上に置いたばね定数  $k$  のばねがある。図のようにばねの一端を壁に固定し、他端には質量  $M$  の物体  $Q$  を取りつけた。物体  $Q$  に質量  $m$  の小球  $R$  を押しつけて、ばねを自然の長さから  $x$  だけ縮めた状態から小球  $R$  を静かにはなした。物体  $Q$  と小球  $R$



は一体となって運動を始め、ばねが自然の長さになった位置で小球  $R$  は物体  $Q$  から離れた。小球  $R$  は水平面  $OA$  上をすべり、水平面と点  $A$  でつながったなめらかな斜面  $AB$  上をすべり上がり、斜面上端  $B$  から斜め上方に飛び出した。その後、水平面  $BC$  上の点  $B$  から  $x_0$  だけ離れた点  $C$  に落下した。斜面  $AB$  と水平面  $OA$  とのなす角を  $\theta$  とし、水平面  $BC$  と水平面  $OA$  との高低差は  $h$  とする。また、重力加速度の大きさは  $g$  とする。次の問いに答えよ。

- (1) 小球  $R$  が物体  $Q$  から離れた直後の速さ  $v_0$  を、 $M$ ,  $m$ ,  $k$ ,  $x$  を用いて表せ。
- (2) 小球  $R$  が点  $B$  から飛び出したときの速さ  $v_1$  を、 $v_0$ ,  $g$ ,  $h$  を用いて表せ。
- (3) 小球  $R$  が点  $B$  から飛び出した後、到達した最高点の高さを水平面  $BC$  からの距離として、 $v_1$ ,  $g$ ,  $\theta$  を用いて表せ。
- (4) 小球  $R$  が点  $B$  から飛び出してから、点  $C$  に落下するまでに経過した時間  $t_1$  を、 $v_1$ ,  $\theta$ ,  $x_0$  を用いて表せ。
- (5) 点  $C$  上の高さ  $y_0$  の位置にあった小球  $S$  を、小球  $R$  が点  $B$  を飛び出した時刻から  $\frac{t_1}{2}$  後に静かに落下させたところ、小球  $R$  と点  $C$  で衝突した。 $\tan \theta$  を、 $x_0$ ,  $y_0$  を用いて表せ。