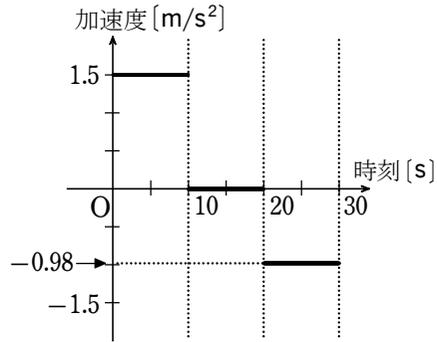


1.

時刻 0 s に静止していた小物体を水平面上で直線運動させた。小物体の加速度は、時刻 0 s から 10 s の間では 1.5 m/s^2 、時刻 10 s から 20 s の間では 0 m/s^2 、時刻 20 s から 30 s の間では -0.98 m/s^2 であった。この加速度と時刻の関係をグラフに表すと、図のようになる。



(1) 時刻 15 s における小物体の速さとして最も適当なものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。 m/s

- ① 1.0 ② 1.5 ③ 2.3
④ 10 ⑤ 15 ⑥ 23

(2) 時刻 20 s から 30 s の間、小物体はあらい水平面上で摩擦力のみによって減速した。小物体と水平面との動摩擦係数として最も適当なものを、次の ①～⑥ のうちから 1 つ選べ。ただし、重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

- ① 0.10 ② 0.20 ③ 0.98
④ 1.0 ⑤ 2.0 ⑥ 9.8

解答 (1) ⑤ (2) ①

解説

(1) 時刻 0 s から 10 s では、初速度 0 m/s 、加速度 1.5 m/s^2 の等加速度直線運動をするので、10 s での速度 v は

$$v = 0 + 1.5 \times 10 = 15 \text{ m/s}$$

10 s から 20 s までは加速度 0 m/s^2 で等速直線運動をするので、時刻 15 s における速さは 15 m/s 。

以上より最も適当なものは ⑤。

(2) 小物体が水平面から受ける垂直抗力は重力とつりあうので、小物体の質量を m 、重力

加速度の大きさを g 、動摩擦係数を μ' とし、小物体の加速度を a として運動方程式を立てると

$$ma = -\mu' mg$$

よって

$$a = -\mu' g$$

数値を代入すると

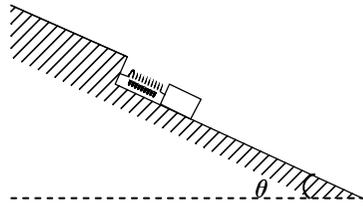
$$-0.98 = -\mu' \times 9.8$$

ゆえに $\mu' = 0.10$

以上より最も適当なものは ①。

2.

図のように、水平面との傾きの角が θ のあらい斜面上に、上端を斜面上の壁に固定した軽いばねの他端に物体を取りつけ、ばねが自然の長さになるように手で物体を支えた。その後、物体を静かにはなすと、物体は斜面をすべり始め、振動することなく静止した。ばねの自然の長さからの伸び



を x とし、斜面にそって下向きを正とする。物体の質量を m 、重力加速度の大きさを g 、ばね定数を k 、あらい斜面と物体との間の動摩擦係数を μ' とする。次の問いに答えよ。

- (1) 物体がすべり下りるとき、
- (a) ばねが物体を引く力の大きさ f を、 k 、 x を用いて表せ。
- (b) 物体にはたらく動摩擦力の大きさ F を、 m 、 g 、 θ 、 μ' を用いて表せ。
- (c) 斜面にそった方向の運動方程式を、物体の加速度を a として、 m 、 g 、 f 、 F 、 θ を用いて表せ。
- (2) 物体が斜面にそって距離 L だけすべり下りたとき、速さが v になった。すべり始めからこの間に失われた物体の力学的エネルギー E を、 m 、 g 、 L 、 v 、 k 、 θ を用いて表せ。
- (3) 動摩擦係数 μ' を、 m 、 g 、 L 、 E 、 θ を用いて表せ。

解答 (1) (a) kx (b) $\mu' mg \cos \theta$ (c) $ma = mg \sin \theta - f - F$

(2) $mgL \sin \theta - \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}kL^2$ (3) $\frac{E}{mgL \cos \theta}$

解説

(1) 物体がすべり下りるときの物体にはたらく力を描くと図 a のようになる。

(a) フックの法則「 $F = kx$ 」より、求める力の大きさ f は

$$f = k|x| = kx$$

(b) 動摩擦力の式「 $F' = \mu' N$ 」より

$$F = \mu' N = \mu' mg \cos \theta$$

(c) 正の向きが斜面にそって下向きであることに注意して

$$ma = mg \sin \theta - f - F$$

(2) すべり始めの高さを物体の重力による位置エネルギーの基準として、それぞれの瞬間における力学的エネルギーを求める。すべり始めは

運動エネルギー $K_0 = 0$

位置エネルギー $U_0 = 0$

距離 L だけすべり下りたときは

運動エネルギー $K = \frac{1}{2}mv^2$

位置エネルギー $U = -mgL \sin \theta + \frac{1}{2}kL^2$

となる。この間に失われた力学的エネルギー E は

$$E = (K_0 + U_0) - (K + U)$$

$$= 0 - \left(\frac{1}{2}mv^2 - mgL \sin \theta + \frac{1}{2}kL^2 \right)$$

$$= mgL \sin \theta - \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}kL^2$$

(3) 動摩擦力がした負の仕事の分だけ、力学的エネルギーが変化する。この間、動摩擦力がした仕事 W は

$$W = -FL = -\mu' mg \cos \theta \cdot L$$

よって $E = |W| = \mu' mgL \cos \theta$

ゆえに $\mu' = \frac{E}{mgL \cos \theta}$

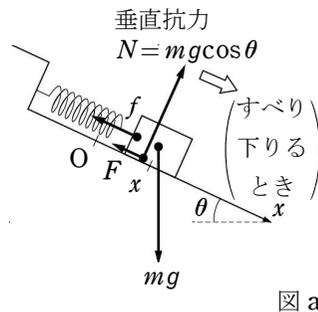


図 a