

1.

次の文章を読み、文中にある問いに答えよ。

無風状態の空气中で水滴を落とした場合、速度が増加するとともに空気抵抗が大きくなり、いずれ等速(終端速度  $v_f$ )に達する。表は半径  $r$  の異なる水滴の  $v_f$  の例である。

	雨粒	霧雨粒	雲粒
$r$	1 mm	0.1 mm	0.01 mm
$v_f$	650 cm/s	100 cm/s	1.0 cm/s

○水滴

(1) 落下中の水滴にはたらくすべての力と名称を図中に記入せよ。また、水滴の運動方程式を記せ。ただし、用いた記号には説明をつけよ。

水滴の速度が  $0$  のとき、空気抵抗も  $0$  であり、速度が増すとともに空気抵抗が大きくなる。また、水滴の半径が小さくなるほど終端速度は小さくなる。このような性質をもつ空気抵抗の力  $F$  は水滴の速度  $v$  と水滴の半径  $r$  のどのような関数か推定してみよう。

(2)  $F = A f_1(v) f_2(r)$  のように、定数  $A$  と  $2$  つの関数の積で表せると仮定し、さらに、 $f_1(v) = v^a$ 、 $f_2(r) = r^b$  とした場合、指数  $a$ 、 $b$  はどんな範囲にあればよいかを示せ。ただし、密度  $\rho$  で半径  $r$  の水滴の質量は  $m = \frac{4\pi}{3} r^3 \rho$  と表せる。

上の表に示した雨粒よりさらに大きな粒(固体とする)の場合を考えてみよう。たとえば、半径  $1\text{ cm}$  程度の氷や金属球を初速度  $0$  で自由落下させた運動を観測する場合、観測落下距離が  $10\text{ m}$  前後であれば、どれも落下運動に違いは見られない。これは運動において空気抵抗が無視できるためと考えられる。

(3) この運動において空気抵抗が無視できるようになる理由を説明せよ。また、真空中ではどんな物体も加速度が重力加速度と一致する運動をするが、物体にはたらく力と運動法則を調べて、その理由を述べよ。

2.

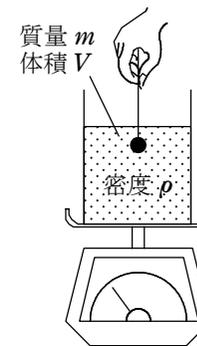
質量  $m$ 、体積  $V$  の物体を質量と体積の無視できる細い糸につるし、密度  $\rho$  の粘性の高い液体中に浸した後、静かに手をはなした。この物体は液中を落下した。落下中の物体は液体との摩擦などにより速度に比例した抵抗力を受け、その比例定数は  $k$  である。重力加速度の大きさを  $g$  として下記の設問に答えよ。

(1) 物体がこの液中を落下するには液体の密度  $\rho$  はある値より小さくなくてはならない。その値を  $V$ 、 $m$  で表せ。

(2) 落下中の物体の速度を  $v$  として、加速度  $a$  を求めよ。

(3) 物体の落下速度はやがてほぼ一定値になった。その速度  $v_f$  を求めよ。

(4) この液体を十分に大きく、深いビーカーに満たし、はかりの上ののせた。図に示すように、糸につるした状態で物体をビーカーの液体中に完全に浸し、静かにはなした。物体を浸す前の、液体とビーカーの重さに対するはかりの指示値を基準として、下記の(a)、(b)、(c)および(d)の状態におけるはかりの指示値の変化量を求めよ。



(a) 物体を糸につるし、液中に完全に浸したとき

(b) 糸をはなした直後

(c) 物体の落下速度が一定速度  $v_f$  となったとき

(d) 物体がビーカーの底に着き、はかりの目盛りが静止した後

(5)  $\rho = 1.5\text{ (g/cm}^3\text{)}$ 、 $V = 6.0\text{ (cm}^3\text{)}$ 、 $m = 12\text{ (g)}$ 、 $k = 0.20\text{ (N}\cdot\text{s/m)}$ 、 $g = 10\text{ (m/s}^2\text{)}$  とするとき、(4)の(a)、(b)、(c)および(d)における状態の指示値の変化量はそれぞれ何  $\text{N}$  か。有効数字  $2$  桁で答えよ。また、それらの値をグラフに○印でかき込め。さらに、(b)から(c)の状態に至る指示値変化のようすの概略をグラフ中に実線で示せ。

